



# Matlab: Funzioni

Informatica B

Funzioni

# A cosa servono le funzioni?

```
x = input('inserisci x: ');
fx=1
for i=1:x
    fx = fx*x
end
if (fx>220)
    y = input('inserisci y: ');
    fy=1
    for i=1:y
        fy = fy*y
    end
end
end
```

# A cosa servono le funzioni?

```
x = input('inserisci x: ');
fx=1
for i=1:x
    fx = fx*x
end
if (fx>220)
    y = input('inserisci y: ');
    fy=1
    for i=1:y
        fy = fy*y
    end
end
```

- ❑ Riusabilità
  - ▶ Scrivo una sola volta codice utilizzato spesso
  - ▶ Modifiche e correzioni sono gestibili facilmente
- ❑ Leggibilità
  - ▶ Incapsulo porzioni di codice complesso
  - ▶ Aumento il livello di astrazione dei miei programmi
- ❑ Flessibilità
  - ▶ Posso aggiungere funzionalità non presenti nelle funzioni di libreria

- Uno script file può essere usato per incapsulare porzioni di codice riusabili in futuro

```
x = input('inserisci x: ');
```

```
fx=1  
for i=1:x  
    fx = fx*i
```

```
end
```

```
if (f>220)
```

```
    y = input('inserisci y: ');
```

```
    fy=1  
    for i=1:y  
        fy = fy*i
```

```
    end
```

```
end
```

```
f=1  
for i=1:n  
    f = f*i  
end
```

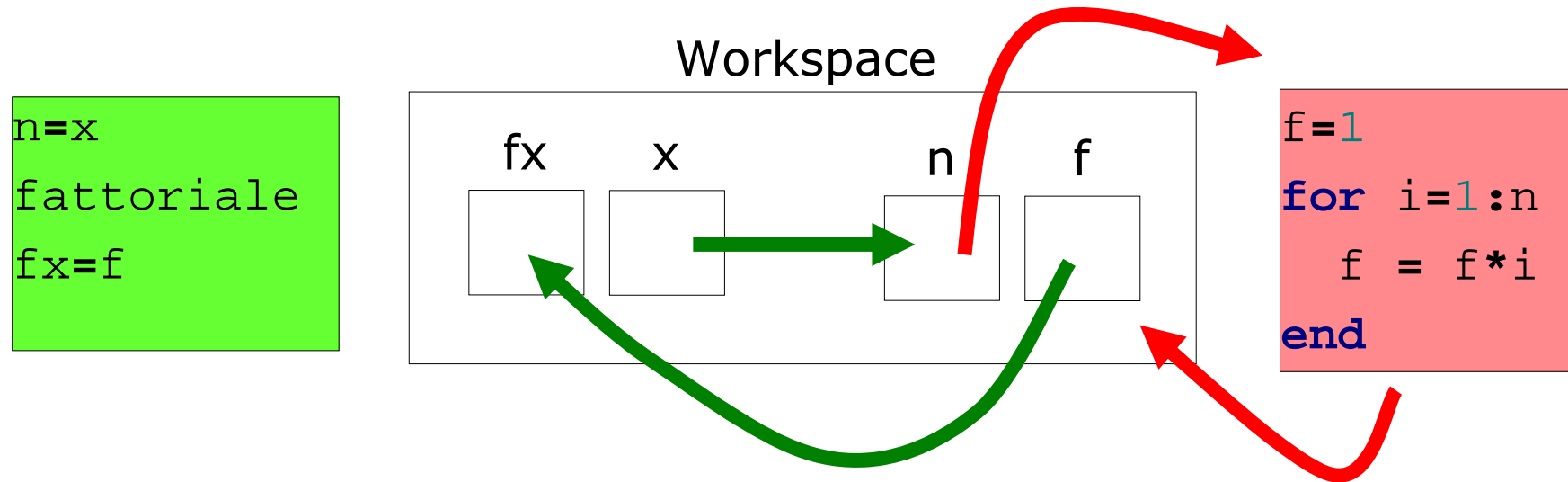
fattoriale.m

- ❑ Problemi:
  - ▶ Come fornisco l'input allo script?
  - ▶ Dove recupero l'output?
- ❑ Gli script utilizzano le variabili dello workspace:

```
x = input('inserisci x: ');  
n=x ← Prepara l'input in n  
fattoriale ← chiama lo script  
fx=f ← Salva il risultato in f  
if (f>220)  
    y = input('inserisci y: ');  
    n=y ← Prepara l'input  
    fattoriale ← chiama lo script  
    fy=f ← Salva il risultato in f  
end
```

```
f=1  
for i=1:n  
    f = f*i  
end
```

fattoriale.m



- ❑ Questo meccanismo ha molti svantaggi:
  - ▶ poco leggibile
  - ▶ richiede molte istruzioni
  - ▶ poco sicuro



```
function f=fattoriale(n)
    f=1
    for i=1:n
        f = f*i
    end
```

testata

corpo

n è l'argomento della funzione (serve a fornire l'input)

f è il valore di ritorno della funzione (serve a fornire l'output)

- ❑ La testata inizia con la parola chiave **function** e definisce:
  - ▶ nome della funzione
  - ▶ argomenti (input)
  - ▶ valore di ritorno (output)
- ❑ Il corpo definisce le istruzioni da eseguire quando la funzione viene chiamata
  - ▶ Utilizza gli argomenti e assegna il valore di ritorno

- Una funzione può avere più argomenti separati da virgola:

`function f(x,y)`

- Nel caso sia necessario ritornare più valori, possiamo usare un array:

`[v1,v2,...] = function f(x,y)`

- Esempio:

```
function [minore, maggiore] = minmax(a,b,c)
    minore = min ([a,b,c]);
    maggiore = max([a,b,c]);
```

- ❑ Una funzione può essere invocata in un programma attraverso il suo nome, seguito dagli argomenti fra parentesi rotonde
- ❑ La funzione viene quindi eseguita e il suo valore di ritorno viene calcolato.
- ❑ Esempio

```
x = input('inserisci x: ');  
fx = fattoriale(x) ←  
if (f>220)  
    y = input('inserisci y: ');  
    fy=fattoriale(y) ←  
end
```

## □ Definizioni:

- ▶ I **parametri formali** sono le variabili usate come argomenti e valore di ritorno **nella definizione** della funzione
- ▶ I **parametri attuali** sono i valori (o le variabili) usati come argomenti/valore di ritorno **nella invocazione** della funzione

## □ Esempio:

```
function f=fattoriale(n)
```

```
    f=1
```

```
    for i=1:n
```

```
        f = f*i
```

```
    end
```

f ed n sono parametri formali  
fx e 5 sono parametri attuali

```
>> fx = fattoriale(5)
```

- ❑ Qualsiasi tipo di parametri è ammesso (scalari, vettori, matrici, strutture, ecc.)
- ❑ I parametri attuali vengono associati a quelli formali in base alla posizione: il primo parametro attuale viene associato al primo formale, il secondo parametro attuale al secondo parametro formale, ecc.
- ❑ Un invocazione di funzione deve contenere un numero di parametri attuali identico al numero di parametri formali
- ❑ Esempio

>> [x,y]=sumProd(4,5)

```
function [s,p]=sumProd(a,b)
s=a+b;
p=a*b;
```

- ❑ Quando una funzione viene eseguita, viene creato un **workspace "locale"** in cui vengono memorizzate tutte le variabili usate nella funzioni (**inclusi i parametri formali**)
  - ▶ All'interno delle funzioni **non si può accedere al workspace "principale"** (nessun conflitto di nomi)
  - ▶ Quando la funzione viene eseguita, **il workspace "locale" viene distrutto!**
- ❑ Quando viene invocata una funzione:
  - ▶ Vengono calcolati i valori dei parametri attuali di ingresso
  - ▶ Viene creato un workspace "locale" per la funzione
  - ▶ I valori dei parametri attuali di ingresso vengono copiati nei parametri formali all'interno del workspace "locale"
  - ▶ Viene eseguita la funzione
  - ▶ Vengono copiati i valori di ritorno dal workspace "locale" a quello "principale" (nei corrispondenti parametri attuali)
  - ▶ Il workspace "locale" viene distrutto

```
(1) >> x=3;  
(2) >> w=2;  
(3) >> r = funz(4);
```

```
function y = funz(x)  
    y = 2*x;    %(1')  
    x = 0;     %(2')  
    z=4;       %(3')  
    x=w+1;     %(4')
```

W "principale" dopo (2)

```
x=3  
w=2
```

W "principale" dopo (3)

```
x=3  
w=2  
r= 8
```

~~W "locale" dopo (3)~~

W "locale" dopo(1')

```
x=4  
y=8
```

W "locale" dopo(3')

```
x=0  
y=8  
z=4
```

W "locale" (4')

```
x=0  
y=8  
z=4  
w=? → errore
```

- ❑ Come nel caso degli script le funzioni possono essere scritti in file di testo sorgenti
  - ▶ Devono avere estensione .m
  - ▶ Devono avere lo stesso nome della funzione
  - ▶ Devono iniziare con la parola chiave **function**
- ❑ Attenzione a non "ridefinire" funzioni esistenti
  - ▶ `exist('nomeFunzione')` → 0 se la funzione non esiste



```
function [pres, pos]=cerca(x, v)
    p=0; pos=-1;
    for i=1:length(v)
        if v(i)==x
            p=p+1;
            pos(p)=i;
        end
    end
    pres=p>0;
```

```
>> A=[1, 2, 3, 4, 3, 4, 5, 4, 5, 6]
A = 1 2 3 4 3 4 5 4 5 6
>> [p, i]=cerca(4,A)
p = 1
i = 4 6 8
```

- ❑ **Esercizio:** implementare usando find()

```
function
[t]=trasposta(m)
    [r,c]=size(m);
    for i=1:r
        for j=1:c

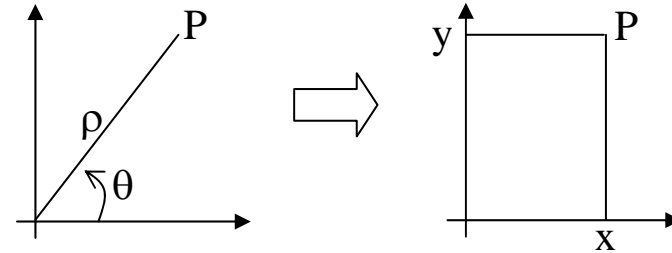
t(j,i)=m(i,j);
        end;
    end
```

```
>> m=[1,2,3,4;5,6,7,8;9,10,11,12]
m =
     1     2     3     4
     5     6     7     8
     9    10    11    12
>> trasposta(m)
ans =
     1     5     9
     2     6    10
     3     7    11
     4     8    12
```

## Esempi (3)

19

```
>> P.ro=1; P.teta=pi/3
P =
      ro: 1
     teta: 1.0472
>> Q=polar2cart(P)
Q =
      x: 0.5000
      y: 0.8660
>> R.to=1; R.teta=pi/3
R =
      to: 1
     teta: 1.0472
>> Q=polar2cart(R)
??? Reference to non-existent
field 'ro'.
Error in ==> polar2cart at 2
      c.x=p.ro*cos(p.teta);
```



```
function [c]=polar2cart(p)
    c.x=p.ro*cos(p.teta);
    c.y=p.ro*sin(p.teta);
```

Ricorsione

- ❑ Che cos'è la ricorsione?
  - ▶ Un sottoprogramma P richiama se stesso (ricorsione diretta)
  - ▶ Un sottoprogramma P richiama un'altro sottoprogramma Q che comporta un'altra chiamata a P (ricorsione indiretta)
- ❑ A cosa serve?
  - ▶ È una tecnica di programmazione molto potente
  - ▶ Permette di risolvere in maniera elegante problemi complessi

- Per risolvere un problema attraverso la programmazione ricorsiva sono necessari alcuni elementi
  - ▶ **Caso base:** caso elementare del problema che può essere risolto immediatamente
  - ▶ **Passo ricorsivo:** chiamata ricorsiva per risolvere uno o più problemi più semplici
  - ▶ **Costruzione della soluzione:** costruzione della soluzione sulla base del risultato delle chiamate ricorsive

- ❑ Definizione:

$$f(n) = n! = n*(n-1)*(n-2)*...*3*2*1$$

- ❑ Passo ricorsivo:

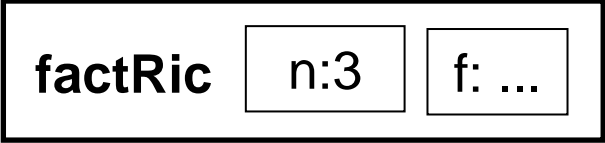
$$f(n) = n*f(n-1)$$

- ❑ Caso base:

$$f(0)=1$$

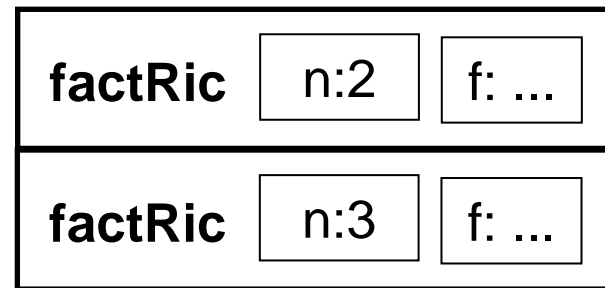
```
function [f]=factRic(n)
    if (n==0)
        f=1;
    else
        f=n*factRic(n-1);
    end
```

```
function [f]=factRic(n)
    if (n==0)
        f=1;
    else
        f=n*factRic(n-1);
    end
```

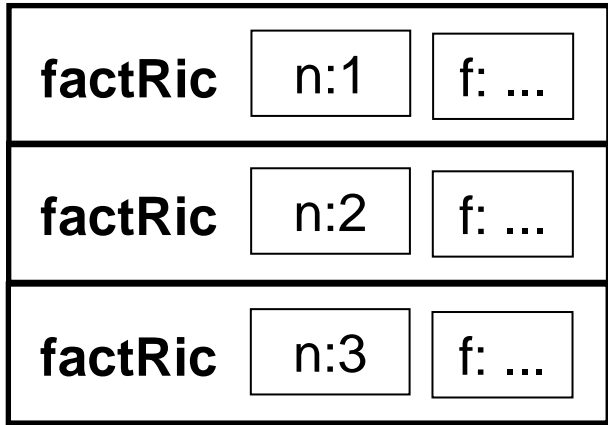




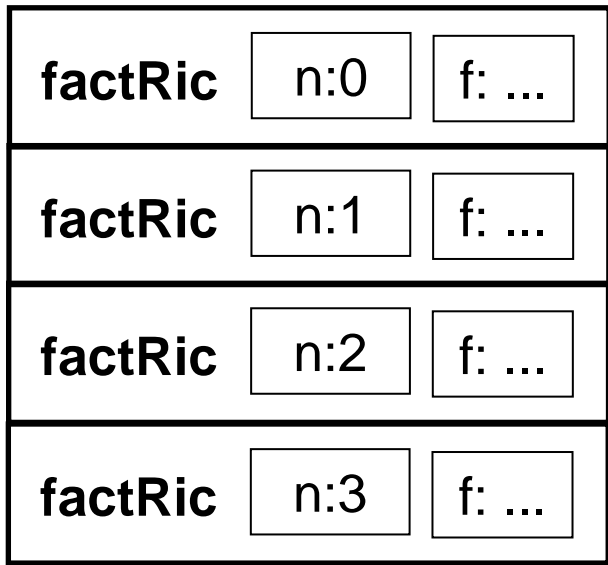
```
function [f]=factRic(n)
    if (n==0)
        f=1;
    else
        f=n*factRic(n-1);
    end
```



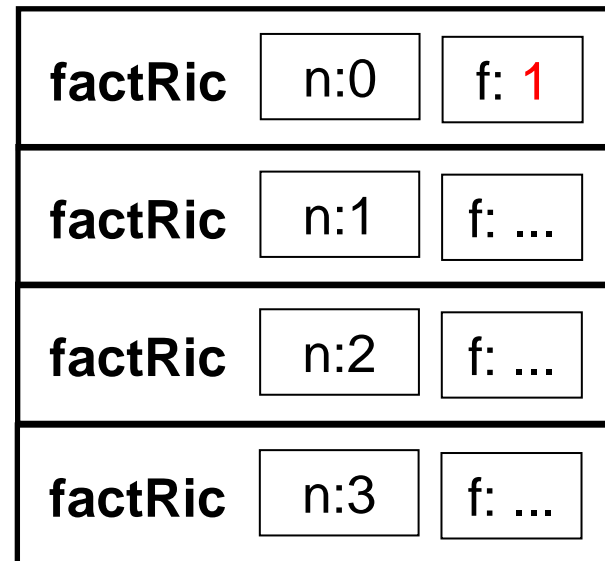
```
function [f]=factRic(n)
    if (n==0)
        f=1;
    else
        f=n*factRic(n-1);
    end
```



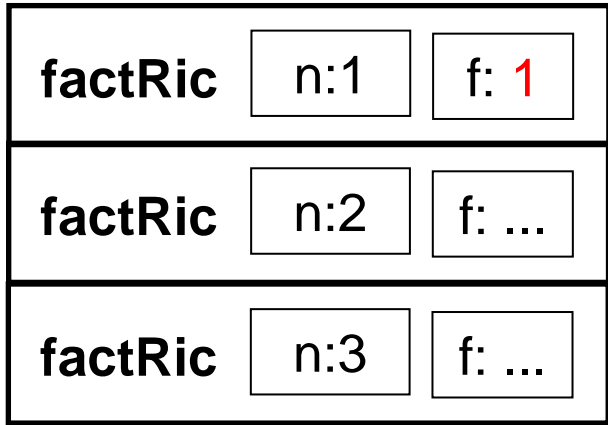
```
function [f]=factRic(n)
    if (n==0)
        f=1;
    else
        f=n*factRic(n-1);
    end
```



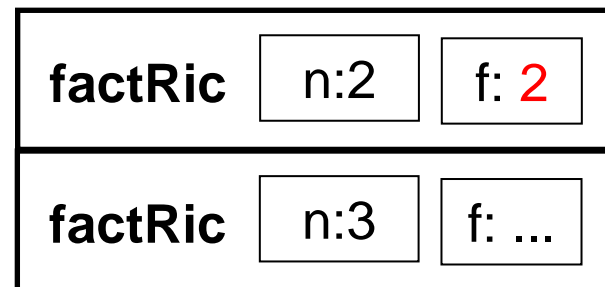
```
function [f]=factRic(n)
    if (n==0)
        f=1;
    else
        f=n*factRic(n-1);
    end
```



```
function [f]=factRic(n)
  if (n==0)
    f=1;
  else
    f=n*factRic(n-1);
  end
```



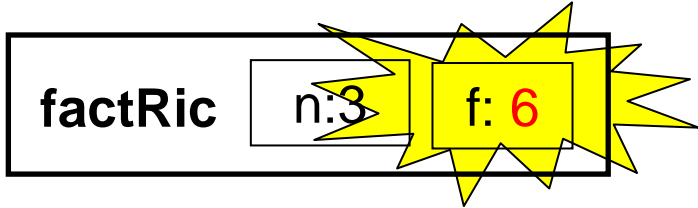
```
function [f]=factRic(n)
    if (n==0)
        f=1;
    else
        f=n*factRic(n-1);
    end
```



```
function [f]=factRic(n)
    if (n==0)
        f=1;
    else
        f=n*factRic(n-1);
    end
```

<b>factRic</b>	n:3	f: 6
----------------	-----	------

```
function [f]=factRic(n)
  if (n==0)
    f=1;
  else
    f=n*factRic(n-1);
  end
```





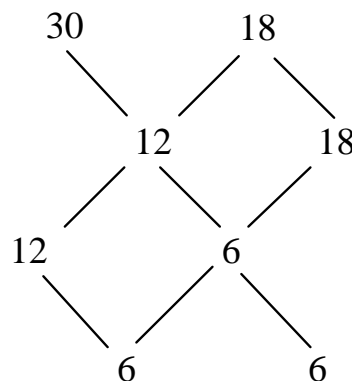
- È una sequenza di numeri interi in cui ogni numero si ottiene sommando i due precedenti nella sequenza. I primi due numeri della sequenza sono per definizione pari ad 1.
  - ▶  $f_1 = 1$  (caso base)
  - ▶  $f_2 = 1$  (caso base)
  - ▶  $f_n = f_{n-1} + f_{n-2}$  (passo ricorsivo)

```
function [fib]=FiboRic(n)
    if n==1 | n==2
        fib=1;
    else
        fib=FiboRic(n-2)+FiboRic(n-1);
    end
```

## □ Algoritmo di Euclide

- ▶ se  $m = n$ ,  $\text{MCD}(m,n) = m$  (caso base)
- ▶ se  $m > n$ ,  $\text{MCD}(m,n) = \text{MCD}(m-n,n)$  (caso risorsivo)
- ▶ se  $m < n$ ,  $\text{MCD}(m,n) = \text{MCD}(m,n-m)$  (caso risorsivo)

## □ Esempio: $\text{MCD}(30,18)$



## □ Algoritmo di Euclide

- ▶ se  $m = n$ ,  $\text{MCD}(m,n) = m$  (caso base)
- ▶ se  $m > n$ ,  $\text{MCD}(m,n) = \text{MCD}(m-n,n)$  (caso risorsivo)
- ▶ se  $m < n$ ,  $\text{MCD}(m,n) = \text{MCD}(m,n-m)$  (caso risorsivo)

## □ Implementazione

```
function [M]=MCDeuclidRic(m,n)
    if m==n
        M=m;
    else
        if m>n
            M = MCDeuclidRic(m-n,n);
        else
            M = MCDeuclidRic(m,n-m);
        end
    end
end
```

## ❑ Terminazione della catena ricorsiva

- ▶ È presente il caso base?
- ▶ Viene raggiunto sempre dalla catena di chiamate ricorsive?
- ▶ Esempi

```
function [f]=factRic(n)  
    f=n*factRic(n-1);
```

Catena infinita di chiamate  
con argomento decrescente

```
function [f]=factRic(n)  
    ...factRic(n);
```

Catena infinita di chiamate  
identiche

## □ Uso della memoria

- ▶ La programmazione ricorsiva comporta spesso un uso inefficiente della memoria per la gestione degli spazi di lavoro delle chiamate generate
- ▶ In alcuni casi viene comunque preferita ad altri approcci per la sua eleganza e semplicità
- ▶ In altri casi, si può ricorrere ad implementazioni iterative
- ▶ Esempio

```
function [f1]=Fiblist(n)
    f1(1)=1;
    f1(2)=1;
    for k=3:n
        f1(k)=f1(k-2)+f1(k-1);
    end
```

Funzione iterativa che calcola i primi n numeri di fibonacci

Variabili funzione

- ❑ Matlab permette di assegnare a variabili valori di tipo "funzione"
- ❑ Un valore di tipo funzione può essere assegnato a una variabile (quindi passarlo come parametro), detta **handle**
- ❑ L'handle può essere applicato a opportuni argomenti per ottenere una invocazione della funzione

# Assegnamento di un valore di tipo funzione

- Handle di una funzione esistente

```
f = @nome_funzione
```

- ▶ Esempio

```
>> seno=@sin  
seno = @sin  
>> seno(pi/2)  
ans = 1
```

- Handle di una funzione definita ex-novo

```
f = @(x,y...)<expr>
```

- ▶ x,y,... sono i parametri della funzione
- ▶ <expr> è un'espressione che calcola il valore della funzione
- ▶ Esempio

```
>> sq=@(x)x^2  
sq = @(x)x^2  
>> sq(8)  
ans = 64
```



- ❑ Se un parametro di una funzione **f** è un handle (cioè contiene un valore di tipo funzione) allora **f** è una **funzione di ordine superiore**
- ❑ L'handle passato come parametro consente ad **f** di invocare la funzione passata
- ❑ Esempio: funzione map che applica una funzione f a tutti gli elementi contenuti nel parametro vin e ritorna i risultati in vout

```
function [vout]=map(f, vin)
    for i=1:length(vin)
        vout(i)=f(vin(i));
    end;
```

handle

```
>> A=[1,2,3,4,5,6];
>> map(sq,A)
ans = 1 4 9 16 25 36
```

Invoca la funzione passata come argomento

- ❑ Funzione accumulatore:  $[x] = \text{acc}(f, a, u)$ 
  - ▶ applica cumulativamente l'operazione binaria  $f$  (con elemento neutro  $u$ ) a tutti gli elementi di  $a$ :

$f(\dots f(f(f(u, a(1)), a(2)), a(3)) \dots, a(\text{length}(a)))$

```
function [x]=acc(f, a, u)
    x=u;
    for i=1:length(a)
        x=f(x, a(i));
    end
```

- ❑ Funzione sommatoria:  $\text{function } [s]=\text{sommatoria}(a)$ 
  - ▶ calcola la sommatoria degli elementi di  $a$

```
function [s]=sommatoria(a)
    som=@(x,y)x+y;
    s=acc(som, a, 0);
```