

# Numerazione binaria e rappresentazione delle informazioni

Nicola Basilico (basilico@elet.polimi.it)

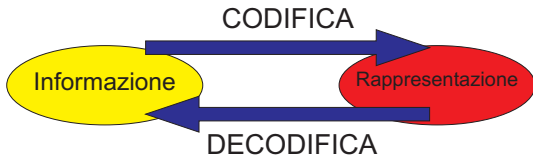


## Problema

- Abbiamo informazioni (numeri, testi, immagini, suoni. . . ) che vogliamo rappresentare (e poter elaborare) in un calcolatore.
- Vincolo: per motivi tecnologici un calcolatore lavora solo con i valori 0 e 1

## Codifica e Decodifica

- Processo che permette di ottenere la rappresentazione delle informazioni



- Il processo inverso è la decodifica

# Codifica e Decodifica

- L'elemento base della rappresentazione è il **bit** (binary digit, cifra binaria)
- Rappresentazione **binaria**
- Con un bit possiamo rappresentare un'informazione che può assumere 2 valori

## Esempio

- Stato di una lampadina: 0 = *spento*, 1 = *acceso*
- Verità di una formula: 0 = *falso*, 1 = *vero*

## Codifica e Decodifica

- Per rappresentare piú valori è necessario usare **sequenze di bit**

1 bit 2 valori: 0, 1

2 bit 4 valori: 00, 01, 10, 11

3 bit 8 valori: 000, 001, 010, 011, 100, 101, 110, 111

- In generale:  $n$  bit rappresentano  $2^n$  diversi valori
- 4 bit: nibble, 8 bit: byte

# Codifica e Decodifica

## Esempio di codifica

- Vogliamo dare una rappresentazione binaria per i quattro punti cardinali
- Ciascun punto cardinale può essere rappresentato da una **sequenza di 2 bit** secondo la seguente codifica

Nord		00
Est		01
Sud		10
Ovest		11

- Se avessimo voluto rappresentare i 4 semi di un mazzo di carte?

## Codifica e Decodifica

- La codifica è una **convenzione!**
- E' il modo in cui associamo un'informazione ad una sua rappresentazione binaria.

# Codifica e Decodifica

## Esercizio 1

- Domanda:  
quanti diversi valori posso rappresentare con 5 bit?
- Risposta:  
con 5 bit posso rappresentare  $2^5 = 32$  diversi valori.

## Esercizio 2

- Domanda:  
quanti diversi valori posso rappresentare con 2 byte?
- Risposta:  
2 byte = 16 bit, quindi posso rappresentare  $2^{16} = 65536$  diversi valori.



# Codifica e Decodifica

## Esercizio 3

- Domanda: quanti bit mi servono per rappresentare 1000 diversi valori?
- Risposta: devo trovare il minimo numero  $n$  di bit che soddisfi  $2^n \geq 1000$ ,  $2^{10} = 1024$ , quindi  $n = 10$ .

## Esercizio 4

- Domanda: quanti bit mi servono per rappresentare 112 diversi valori?
- Risposta: 7 bit ( $2^7 = 128$ ). 6 bit sarebbero stati pochi, mentre 8 bit sarebbero stati troppi!

## Codifica e Decodifica

- Attraverso meccanismi di codifica possiamo rappresentare diversi tipi di informazione:
  - Numeri naturali (insieme  $\mathbb{N}$ )
  - Numeri interi (insieme  $\mathbb{Z}$ )
  - Numeri razionali (insieme  $\mathbb{Q}$ )
  - caratteri
  - immagini
  - suoni
  - video
- Esistono diverse convenzioni (codifiche) per fornire a ciascun tipo di informazione una rappresentazione binaria.

# Rappresentazione dei numeri naturali

Come rappresentare un numero naturale?

- Rappresentazione decimale posizionale
  - si utilizzano 10 cifre decimali (0, 1, ..., 9): la base è 10
  - *posizionale*: il significato di ogni cifra dipende dalla sua posizione relativa
  - le posizioni si contano da destra a sinistra partendo da 0

$$1919 = 1 \times 10^3 + 9 \times 10^2 + 1 \times 10^1 + 9 \times 10^0$$

## Rappresentazione dei numeri naturali

- In generale: numero di  $n$  cifre in base  $b$ :

$$(a_{n-1}, \dots, a_1, a_0) = a_{n-1} \times b^{n-1} + \dots + a_1 \times b^1 + a_0 \times b^0 = \sum_{i=0}^{n-1} a_i \times b^i$$

- cifre usate:  $0, 1, \dots, b-1$
- $a_0$  è la cifra **meno** significativa (LSD)
- $a_{n-1}$  è la cifra **più** significativa (MSD)

# Rappresentazione dei numeri naturali

- Rappresentazione **binaria**
  - base 2 ( $b = 2$ )
  - le cifre (binarie) sono: 0 e 1
- Rappresentazione **ottale**
  - base 8 ( $b = 8$ )
  - le cifre (ottali) sono: 0, 1, ..., 7
- Rappresentazione **esadecimale**
  - base 16 ( $b = 16$ )
  - le cifre (esadecimali) sono: 0, 1, ..., 9, A, B, C, D, E, F

## Rappresentazione dei numeri naturali - conversioni

Da base 2 a base 10:

$$(101)_2 = 1 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0 = 4 + 0 + 1 = (5)_{10}$$

$$(10100)_2 = 1 \times 2^4 + 1 \times 2^2 = 16 + 4 = (20)_{10}$$

Da base 8 a base 10:

$$(12)_8 = 1 \times 8^1 + 2 \times 8^0 = 8 + 2 = (10)_{10}$$

$$(205)_8 = 2 \times 8^2 + 5 \times 8^0 = 128 + 5 = (133)_{10}$$

Da base 16 a base 10:

$$(2F)_{16} = 2 \times 16^1 + 15 \times 16^0 = 32 + 15 = (47)_{10}$$

$$(31A)_{16} = 3 \times 16^2 + 1 \times 16^1 + 10 \times 16^0 = 768 + 16 + 10 = (794)_{10}$$

## Rappresentazione dei numeri naturali - conversioni

Esercizio:

convertire in base 10 i seguenti numeri

$$\begin{array}{ccc} (1101010)_2 & (1110001)_2 & (1010101110)_2 \\ (145)_8 & (7342)_8 & (12345)_8 \\ (AF4)_{16} & (FF5E)_{16} & (ADC2D)_{16} \end{array}$$

## Rappresentazione dei numeri naturali - conversioni

- Come convertire un numero da base 10 a base 2, 8 o 16?

### Procedimento

Abbiamo un numero  $(n)_{10}$  da convertire nella base  $b$ :

1. dividere  $n$  per  $b$  con una divisione intera
2. il resto della divisione diventa la cifra meno significativa (la prima che resta da calcolare) del numero in base  $b$
3. se il quoziente è 0 abbiamo finito
4. se il quoziente è diverso da zero si torna al passo 1 considerando il quoziente come dividendo



## Rappresentazione dei numeri naturali - conversioni

Esempio:  $(13)_{10} = (1101)_2$

$13 : 2 = 6$	resto = 1	LSD
$6 : 2 = 3$	resto = 0	
$3 : 2 = 1$	resto = 1	
$1 : 2 = 0$	resto = 1	MSD

Esempio:  $(63)_{10} = (111111)_2$

$63 : 2 = 31$	resto = 1	LSD
$31 : 2 = 15$	resto = 1	
$15 : 2 = 7$	resto = 1	
$7 : 2 = 3$	resto = 1	
$3 : 2 = 1$	resto = 1	
$1 : 2 = 0$	resto = 1	MSD

## Rappresentazione dei numeri naturali - conversioni

Esempio:  $(49)_{10} = (61)_8$

$$\begin{array}{l} 49 : 8 = 6 \quad \text{resto} = 1 \quad \text{LSD} \\ 6 : 8 = 0 \quad \text{resto} = 6 \quad \text{MSD} \end{array}$$

Esempio:  $(251)_{10} = (FB)_{16}$

$$\begin{array}{l} 251 : 16 = 15 \quad \text{resto} = 11 = B \quad \text{LSD} \\ 15 : 16 = 0 \quad \text{resto} = 15 = F \quad \text{MSD} \end{array}$$

## Rappresentazione dei numeri naturali - conversioni

Esercizio: convertire dalla base 10 i seguenti numeri

$$\begin{array}{lll} (59)_{10} \rightarrow (?)_2 & (149)_{10} \rightarrow (?)_2 & (1387)_{10} \rightarrow (?)_2 \\ (77)_{10} \rightarrow (?)_8 & (132)_{10} \rightarrow (?)_8 & (1211)_{10} \rightarrow (?)_8 \\ (34)_{10} \rightarrow (?)_{16} & (112)_{10} \rightarrow (?)_{16} & (3459)_{10} \rightarrow (?)_{16} \end{array}$$

## Rappresentazione dei numeri naturali - conversioni

- Come convertire un numero da base 2 a base 8?
- Raggruppiamo il numero binario a gruppi di **tre** cifre
- Convertiamo in sequenza ciascun gruppo in ottale

$$(000\ 100\ 111\ 001)_2 = (0471)_8$$

000		0
001		1
010		2
011		3
100		4
101		5
110		6
111		7

## Rappresentazione dei numeri naturali - conversioni

- Come convertire un numero da base 2 a base 16?
- Raggruppiamo il numero binario a gruppi di **quattro** cifre
- Convertiamo in sequenza ciascun gruppo in esadecimale

$$(0001\ 0011\ 1001)_2 = (139)_{16}$$

0000	0	1000	8
0001	1	1001	9
0010	2	1010	A
0011	3	1011	B
0100	4	1100	C
0101	5	1101	D
0110	6	1110	E
0111	7	1111	F

## Rappresentazione dei numeri naturali - somma

Somma tra numeri naturali binari:

$$0 + 0 = 0 \quad \text{riporto} = 0$$

$$0 + 1 = 1 \quad \text{riporto} = 0$$

$$1 + 0 = 1 \quad \text{riporto} = 0$$

$$1 + 1 = 0 \quad \text{riporto} = 1$$

Esempio:  $1101 + 111$

riporto	1	1	1	1		
		1	1	0	1	+
		0	1	1	1	=
<hr/>						
somma	1	0	1	0	0	

## Rappresentazione dei numeri naturali - somma

Esercizio:

eseguire in binario le seguenti somme

$$(124 + 98) \quad (44 + 87) \quad (132 + 71)$$

$$(145 + 43) \quad (22 + 22) \quad (123 + 45)$$

## Rappresentazione dei numeri naturali

- Con  $n$  bit si possono rappresentare  $2^n$  diversi numeri naturali. Quali sono?
- **Dalla codifica utilizzata** si deduce che i numeri rappresentabili appartengono all'intervallo:  $(0; 2^n - 1)$



# Rappresentazione dei numeri interi modulo e segno

Come rappresentare un numero intero con segno?

- Rappresentazione in **modulo e segno**
  - MSD indica il segno: 1 = negativo, 0 = positivo
  - i restanti bit indicano il modulo
  - esempio:  $(1101)_2 = (-5)_{10}$ ,  $(0111)_2 = (+7)_{10}$
  - notazione intuitiva ma...
  - scomoda per operazioni aritmetiche, lo zero ha due rappresentazioni!
- In questa codifica, con  $n$  bit si rappresentano i valori nell'intervallo:  $(-2^{n-1} + 1; 2^{n-1} - 1)$

# Rappresentazione dei numeri interi complemento a 2

Serve una rappresentazione che faciliti lo svolgimento delle operazioni:

- Rappresentazione in **complemento a 2**
  - Dati  $n$  bit, un numero positivo  $N$  è rappresentato in modo standard (come abbiamo visto per i naturali)
  - $-N$ , invece si rappresenta come  $2^n - N$
- Metodo operativo per rappresentare  $-N$ :
  - rappresentare il modulo  $N$  in modo standard
  - complementare tutti i bit ( $1 \rightarrow 0, 0 \rightarrow 1$ )
  - sommare 1

## Rappresentazione dei numeri interi complemento a 2

- In complemento a 2, con  $n$  bit, possiamo rappresentare gli interi nell'intervallo:  $(-2^{n-1}; 2^{n-1} - 1)$
- Esempio: con 3 bit rappresentiamo i numeri in  $(-4; 3)$

decimale	binario in C2	decimale	binario in C2
-4	100	0	000
-3	101	+1	001
-2	110	+2	010
-1	111	+3	011

- Il primo bit indica ancora il segno
- Lo zero ha una sola codifica

## Rappresentazione dei numeri interi complemento a 2

Esercizio: convertire in complemento a 2 i seguenti numeri

$$\begin{array}{ccc} (12)_{10} & (-12)_{10} & (-8)_{10} \\ (1)_{10} & (-101)_{10} & (-54)_{10} \end{array}$$

# Rappresentazione dei numeri interi complemento a 2

Come passare da complemento a 2 a base 10?

- Algoritmo inverso:
  - sottrarre 1
  - complementare a 1
  - convertire da binario a decimale e aggiungere il segno
- Metodo facilitato di verifica
  - convertire in decimale con l'algoritmo standard assegnando al bit piú significativo valore negativo
  - Esempio:  $(10100)_2 = -1 \times 2^4 + 1 \times 2^2 = (-12)_{10}$

## Rappresentazione dei numeri interi complemento a 2

Esercizio: riconvertire in decimale i seguenti numeri  
in complemento a 2

(1001010)	(011)	(1101001)
(11111)	(10100)	(101)

## Rappresentazione dei numeri interi - somma

Somma tra numeri naturali interi con segno:

- rappresentare i numeri in complemento a 2
- effettuare la somma in modo standard
- non considerare l'eventuale riporto sul bit di segno

Esempio:  $60 - 54 = 60 + (-54)$

riporto	1	1	1	1					
		0	1	1	1	1	0	0	+
		1	0	0	1	0	1	0	=
<hr/>									
somma	(1)	0	0	0	0	1	1	0	

# Rappresentazione dei numeri interi

## Overflow

- Sommiamo due numeri in complemento a 2 rappresentati con  $n$  bit, quindi appartenenti a  $(-2^{n-1}; 2^{n-1} - 1)$
- Può succedere che il risultato cada al di fuori dell'intervallo
- In altre parole:  $n$  bit non bastano per rappresentare il risultato! → **OVERFLOW**
- Come riconoscerlo?
  - può succedere solo quando si sommano due operandi dello stesso segno: **se il segno del risultato è diverso da quello degli operandi** è avvenuto un overflow!
  - gli ultimi due riporti sono diversi tra loro (01 o 10).



# Rappresentazione dei numeri interi

## Overflow

Esempio:  $(100)_2 + (101)_2$

riporto	1	0			
		1	0	0	+
		1	0	1	=
<hr/>					
somma	(1)	0	0	1	

## Rappresentazione dei numeri frazionari

- Numeri frazionari: compresi tra 0 e 1

$$(0.a_{-1}a_{-2}\dots a_{-n})_b = a_{-1} \times b^{-1} + a_{-2} \times b^{-2} + \dots + a_{-n} \times b^{-n}$$

Esempio:

$$(0.587)_{10} = 5 \times 10^{-1} + 8 \times 10^{-2} + 7 \times 10^{-3}$$

- Conversione da base 2 a base 10:

$$(0.1011)_2 = 1 \times 2^{-1} + 0 \times 2^{-2} + 1 \times 2^{-3} + 1 \times 2^{-4} = (0.6875)_{10}$$

# Rappresentazione dei numeri frazionari

- Come convertire  $n$  da base 10 a base 2?

## Procedimento

1. moltiplicare  $n$  per 2
  2. la parte intera del risultato diventa la cifra **piú** significativa (la prima che resta da calcolare) del numero in base 2
  3. si torna al passo 1 considerando la parte frazionaria del risultato al posto di  $n$
- Quando si finisce?
    - Soltanto i numeri del tipo  $\frac{m}{2^z}$  possono essere rappresentati con un numero finito di cifre
    - Ci si ferma quando il numero di cifre calcolate costituisce un'approssimazione sufficiente

## Rappresentazione dei numeri frazionari

Esempio:  $(0.587)_{10} = (?)_2$

$$0.587 \times 2 = 1.174 \quad \text{parte intera} = 1 \quad \text{MSD}$$

$$0.174 \times 2 = 0.348 \quad \text{parte intera} = 0$$

$$0.348 \times 2 = 0.696 \quad \text{parte intera} = 0$$

$$0.696 \times 2 = 1.392 \quad \text{parte intera} = 1$$

$$0.392 \times 2 = 0.784 \quad \text{parte intera} = 0$$

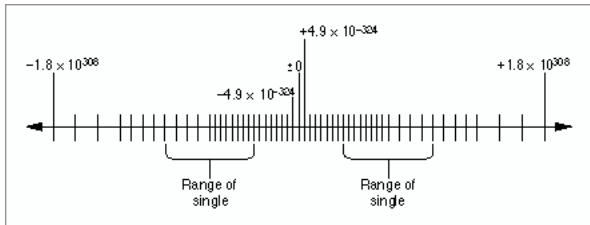
$$0.784 \times 2 = 1.568 \quad \text{parte intera} = 1$$

...

## Rappresentazione dei numeri razionali

- Rappresentazione in **virgola mobile**
- Un numero razionale  $N$  è espresso come:  $N = m \times 10^e$ 
  - $m$  è la **mantissa**, numero frazionario con segno
  - $e$  è l'**esponente**, numero intero

### Numeri rappresentabili in 64 bit



# Rappresentazione dei caratteri

Tre possibili rappresentazioni:

- **ASCII standard**: un carattere è rappresentato con 7 bit (*ASCII = American Standard Code for Information Interchange*)
- **ASCII estesa**: un carattere è rappresentato con 8 bit
- **UNICODE** : un carattere è rappresentato con 16 bit (MS Windows ne usa una simile)

# Rappresentazione dei caratteri

Possiamo rappresentare caratteri, cifre, simboli, ...

Byte	Cod.	Char	Byte	Cod.	Char	Byte	Cod.	Char
00100000	32	Spc	01000000	64	@	01100000	96	.
00100001	33	!	01000001	65	A	01100001	97	a
00100010	34	"	01000010	66	B	01100010	98	b
00100011	35	#	01000011	67	C	01100011	99	c
00100100	36	\$	01000100	68	D	01100100	100	d
00100101	37	%	01000101	69	E	01100101	101	e
00100110	38	&	01000110	70	F	01100110	102	f
00100111	39	'	01000111	71	G	01100111	103	g
00101000	40	(	01001000	72	H	01101000	104	h
00101001	41	)	01001001	73	I	01101001	105	i
00101010	42	*	01001010	74	J	01101010	106	j
00101011	43	+	01001011	75	K	01101011	107	k
00101100	44	,	01001100	76	L	01101100	108	l
00101101	45	-	01001101	77	M	01101101	109	m
00101110	46	.	01001110	78	N	01101110	110	n
00101111	47	/	01001111	79	O	01101111	111	o
00110000	48	0	01010000	80	P	01110000	112	p
00110001	49	1	01010001	81	Q	01110001	113	q
00110010	50	2	01010010	82	R	01110010	114	r
00110011	51	3	01010011	83	S	01110011	115	s
00110100	52	4	01010100	84	T	01110100	116	t
00110101	53	e	01010101	85	U	01110101	117	u

## Rappresentazione dei caratteri

E le parole? Sono sequenze di caratteri

Esempio: **informatica generale**

01101001	01101110	01100110	01101111	01110010
i	n	f	o	r
01101101	01100001	01110100	01101001	01100011
m	a	t	i	c
01100001	00100000	01100111	01100101	01101110
a		g	e	n
01100101	01110010	01100001	01101100	01100101
e	r	a	l	e



# Rappresentazione dei caratteri

## Esercizio 1

- Domanda:  
alfabeto immaginario di 322 simboli: quanti bit per rappresentarli tutti?
- Risposta:  
 $2^9 \geq 322$ ,  $2^9 = 512$ , quindi  $n = 9$

## Esercizio 2

- Domanda:  
quanti bit o byte occupa la frase *biologia marina* nelle tre diverse codifiche?
- Risposta:  
In ASCII 105bit, in ASCII estesa 15byte, in UNICODE 30byte.

# Codifica

## Esercizio

- Domanda:  
Cosa rappresenta la stringa 01000011?
- Risposta:  
Se interpretata come un numero naturale è 67, se interpretata come carattere è C. Dipende!
  
- La codifica è una convenzione!

# Rappresentazione delle immagini

L'immagine è suddivisa in pixel



## Rappresentazione delle immagini

Ad ogni pixel associamo una rappresentazione binaria:

<b>0</b> 22	<b>1</b> 23	<b>0</b> 24	<b>0</b> 25	<b>0</b> 26	<b>0</b> 27	<b>0</b> 28
<b>0</b> 15	<b>1</b> 16	<b>1</b> 17	<b>0</b> 18	<b>0</b> 19	<b>0</b> 20	<b>0</b> 21
<b>0</b> 8	<b>1</b> 9	<b>1</b> 10	<b>1</b> 11	<b>1</b> 12	<b>0</b> 13	<b>0</b> 14
<b>0</b> 1	<b>0</b> 2	<b>0</b> 3	<b>0</b> 4	<b>0</b> 5	<b>0</b> 6	<b>0</b> 7



0000000011110001100000100000

## Rappresentazione delle immagini

- Assegnando un bit ad ogni pixel si possono rappresentare solo immagini in bianco e nero
- Per rappresentare immagini a diversi livelli di grigio o a colori: a ogni pixel è associata una sequenza di bit
  - con 8 bit per pixel:  $2^8 = 256$  livelli di grigio
  - con 24 bit per pixel:  $2^{24} = 16777216$ , 16.7 milioni di colori

## Rappresentazione delle immagini

- Nei monitor è utilizzato lo **standard RGB**: ogni colore è ottenuto mescolando tre diverse gradazioni dei colori primari (rosso verde e blu)
- Per ogni pixel bisogna specificare quali sono i livelli dei tre colori
- Esempio: un byte per ogni livello. Un pixel è rappresentato con 24 bit (3 byte).
- Risoluzione: numero di pixel presenti sullo schermo (800 × 600, 1024 × 768, 1600 × 1200)

# Rappresentazione delle immagini

## Esercizio 1

- Domanda:  
quanti byte occupa un'immagine di  $100 \times 100$  pixel in bianco e nero?
- Risposta:  
l'immagine è composta da  $100 \times 100 = 10000$  pixel. Per ogni pixel, in bianco e nero, serve 1 bit quindi servono in totale 10000 bit e cioè  $10000/8 = 1250$  byte.

# Rappresentazione delle immagini

## Esercizio 2

- Domanda:  
quanti byte occupa un'immagine di  $100 \times 100$  pixel a 256 colori?
- Risposta:  
l'immagine è composta da 10000 pixel. Per ogni pixel, con 256 colori, serve 1 byte (8 bit), quindi servono in totale 10000 byte.



# Rappresentazione delle immagini

## Esercizio 3

- Domanda:  
se un'immagine a 16,7 milioni di colori occupa 2400 byte, da quanti pixel sarà composta?
- Risposta:  
con 16,7 milioni di colori un pixel occupa 3 byte, quindi l'immagine occupa  $2400/3 = 800$  pixel

# Rappresentazione delle immagini

- Immagini **bitmap**
  - rappresentate pixel per pixel
  - tipicamente in file con estensione .bmp
  - hanno elevate dimensioni
- Immagini **bitmap compresse**
  - GIF (Graphics Interchange Format), JPEG (Joint Photographic Experts Group)
  - Per esempio, se  $k$  pixel lungo la stessa riga hanno lo stesso colore, si memorizza il colore una volta sola e il numero  $k$
- Immagini **vettoriali**
  - sono rappresentate specificando gli elementi geometrici (punti, segmenti, poligoni, . . . ) che le compongono
  - SVG (Scalable Vector Graphics)
  - dimensioni ridotte

## Unitá di misura

Di solito si usano i multipli del byte

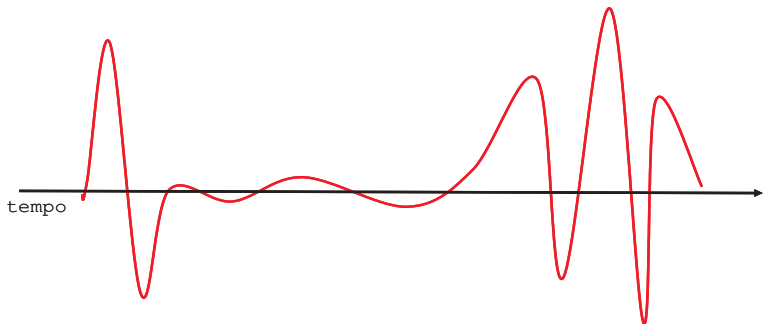
Kilo	KB	$2^{10}$ (circa un migliaio, $1024$ )
Mega	MB	$2^{20}$ (circa un milione, $1KB \times 1024$ )
Giga	GB	$2^{30}$ (circa un miliardo, $1MB \times 1024$ )
Tera	GB	$2^{40}$ (circa un migliaio di miliardi, $1GB \times 1024$ )

# Rappresentazione di video

- Un filmato é una sequenza temporale di immagini, dette **frames**
- Per rappresentare un filmato si digitalizzano i suoi frames
- Vari formati
  - .avi (Audio Video Interleave, Microsoft)
  - .mov (anche detto QuickTime, Apple)
  - .mpeg (anche detto QuickTime, Apple)
  - DivX ;-)
- Compressione: rappresentare solo differenze tra frame successivi

## Rappresentazione dei suoni

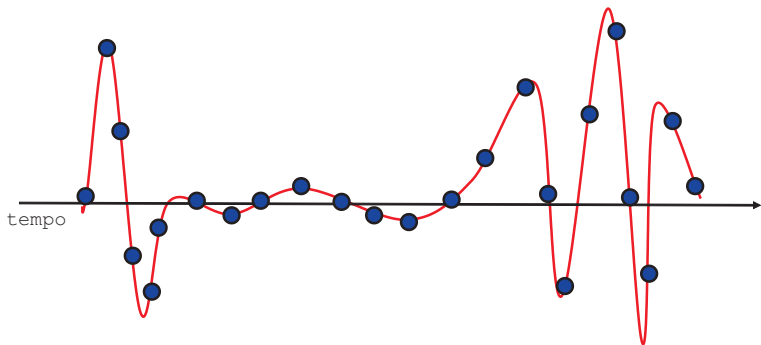
Fisicamente un suono é rappresentato come un'onda che descrive la variazione della pressione dell'aria nel tempo (onda sonora):



## Rappresentazione dei suoni

L'onda sonora é campionata, cioè si misura l'ampiezza ad intervalli di tempo regolari:

- Ampiezza misurata in un dato istante di tempo = campione
- Il numero di misure effettuate in un secondo definisce la frequenza di campionamento (Hertz, Hz)



# Rappresentazione dei suoni

- L'accuratezza della ricostruzione dipende
  - dalla frequenza di campionamento
  - dal numero di bit usati per rappresentare ogni campione
- Maggiore accuratezza significa maggior quantità di memoria occupata
- Tecniche di compressione
  - Algoritmi lossy: sfruttano il fatto che suoni a basso volume sovrapposti a suoni ad alto volume sono poco udibili dall'orecchio umano e possono essere eliminati
  - MPEG-1 Layer 3, detto anche MP3

# Rappresentazione dei suoni

## Esercizio 1

- Domanda:  
quanto spazio occupa un suono della durata di 10 secondi campionato a 100 Hz, in cui ogni campione occupa 4 byte?
- Risposta:  
la frequenza di campionamento ci dice quanti campioni di suono vengono memorizzati in un secondo, 100 in questo caso. Avendo 10 secondi di suono avremo  $10 \times 100 = 1000$  campioni. Poichè ogni campione richiede 4 byte, il suono occuperà  $1000 \times 4 = 4000$  byte



# Rappresentazione dei suoni

## Esercizio 2

- Domanda:  
un secondo di suono campionato a 512 Hz occupa 1KB.  
Quanti valori distinti si possono avere per i campioni?
- Risposta:  
poichè vengono memorizzati 512 campioni al secondo, avremo in tutto 512 campioni. Il file sonoro occupa 1 KB, cioè 1024 byte e quindi ogni singolo campione occuperà  $1024/512 = 2$  byte, ovvero 16 bit. Si potranno quindi avere  $2^{16} = 65536$  valori distinti.

## Rappresentazione di informazioni complesse

- Per rappresentare un testo, un'immagine, un suono, la filosofia di base è la stessa
- Si stabilisce e si usa una prima convenzione per rappresentare ogni unità elementare (un carattere per il testo, un pixel per l'immagine, un campione per il suono)
- Si stabilisce e si usa una seconda convenzione per rappresentare insiemi di unità elementari
  - Tecniche di compressione